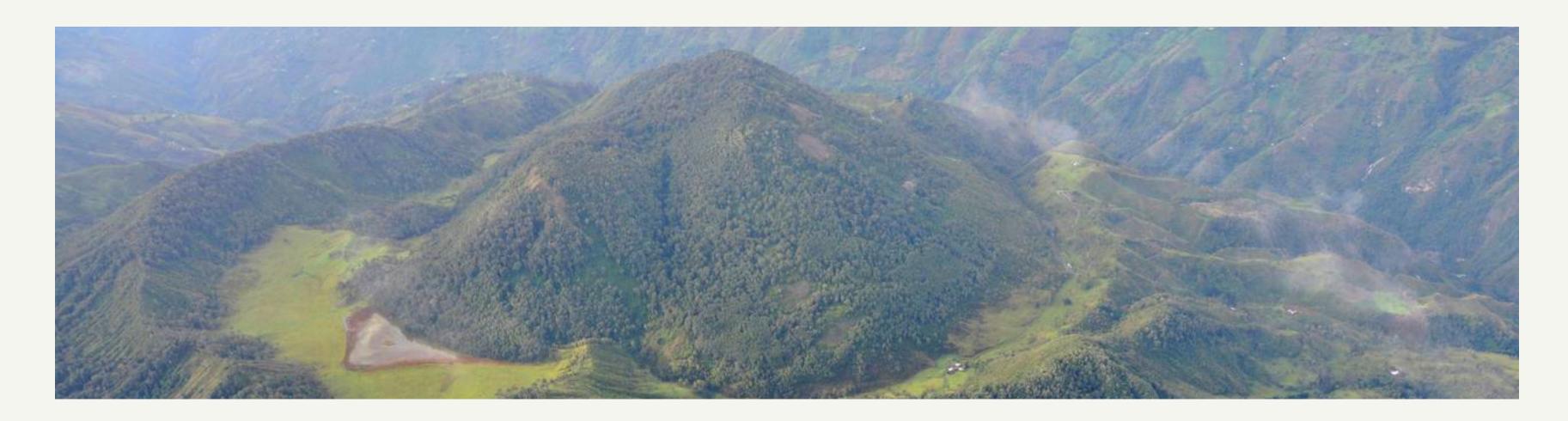
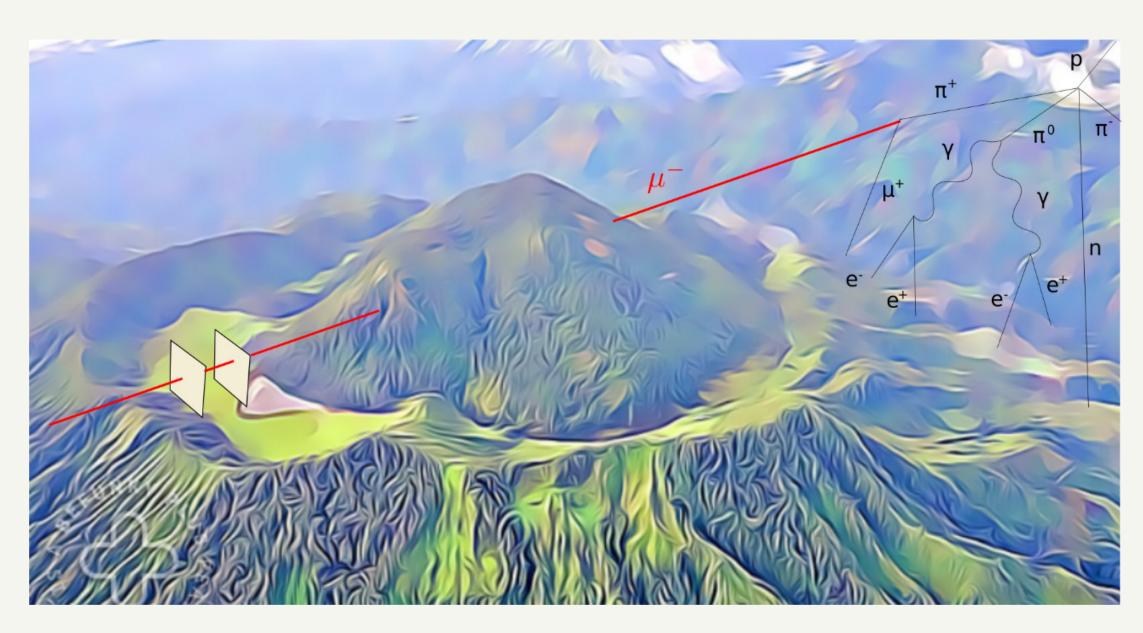
# Estimación de la distribución de densidad interna de estructuras geológicas mediante tomografía de muones

K. Dlaikan-Castillo\*, L.A Núñez-Martínez, J. Peña-Rodríguez, F. Martínez-Carrillo

\*kevin.dlaikan@correo.uis.edu.co



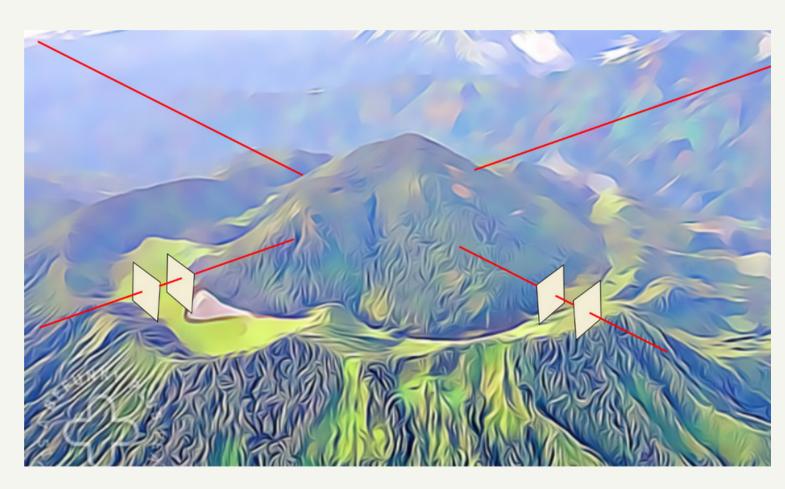
# Radiografía de muones



- Los muones son partículas elementales producidos por la interacción entre radiación cósmica y la atmósfera de la Tierra.
- Pueden atravesar cientos de metros de roca.
- Se obtiene una imagen 2D (muograma) del interior de estructuras geológicas y civiles.

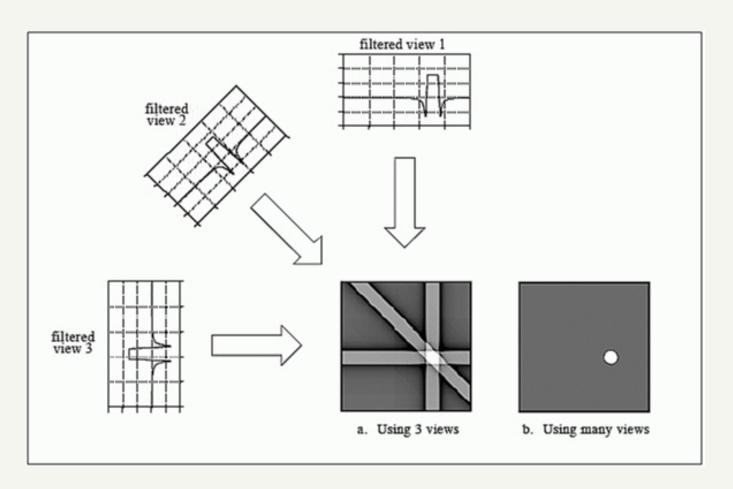
Detección de muones producidos por rayos cósmicos.

# Tomografía de muones



Detección de muones en diferentes puntos de observación.

- Se utilizan los muogramas obtenidos en diferentes puntos de observación para reconstruir un volumen (3D) de la estructura.
- El volcán Cerro Machín en Colombia cuenta con solo 4 puntos de observación favorables para hacer muografía



Proceso de reconstrucción por filtered back projection. Qiu D, Seeram E. (2016).

 A mayor cantidad de puntos de observación, más precisa es la reconstrucción por tomografía respecto al objeto original. ¿Cuál es el mínimo número de puntos de observación para obtener una buena reconstrucción tomográfica del volcán Cerro Machín?

#### Algoritmos de reconstrucción tomográfica

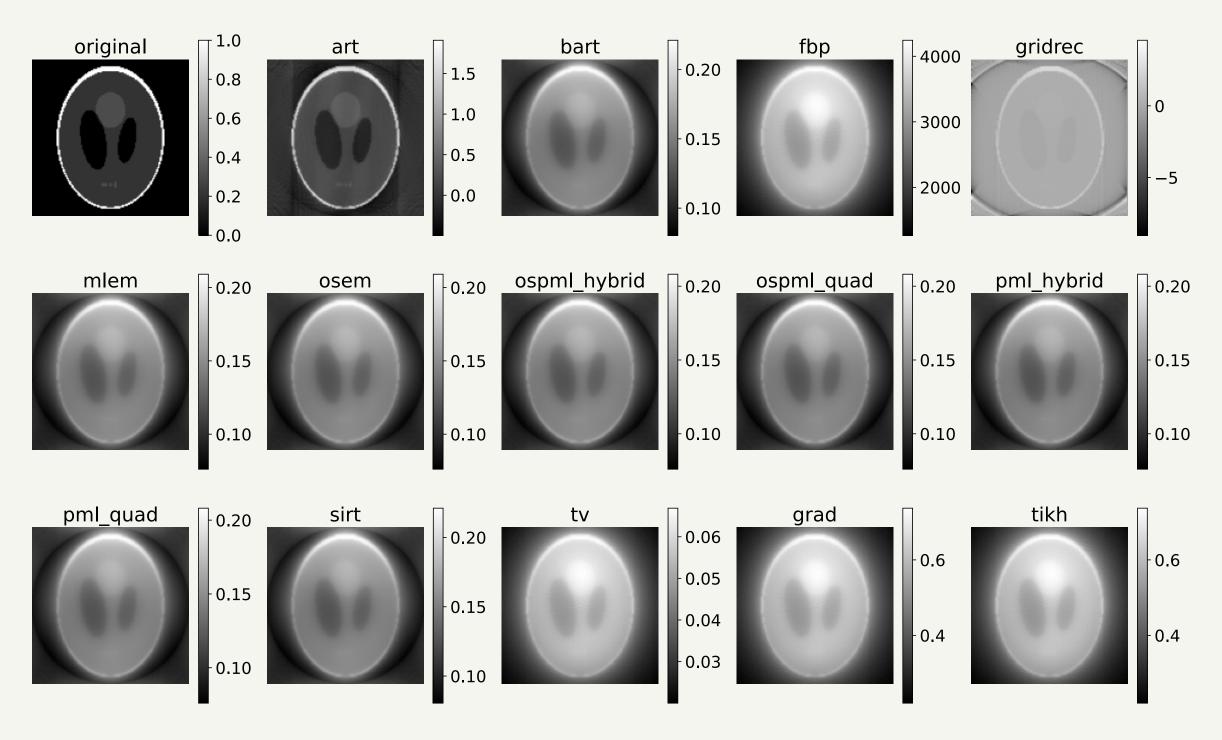
art: 1.39181 seconds bart: 4.68652 seconds fbp: 3.89114 seconds gridrec: 1.30684 seconds mlem: 5.20035 seconds

mlem: 5.20035 seconds osem: 4.63202 seconds

ospml\_hybrid: 5.1935 seconds ospml\_quad: 4.83098 seconds pml\_hybrid: 4.81047 seconds pml\_quad: 5.71941 seconds

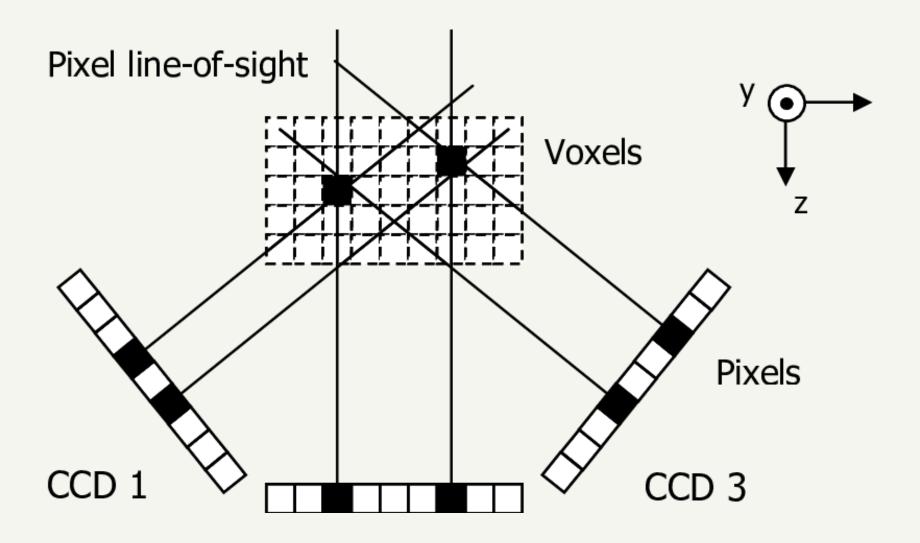
sirt: 4.64881 seconds tv: 4.90999 seconds grad: 4.7982 seconds tikh: 4.87174 seconds

(Librería: TomoPy)



Reconstrucciones con diferentes algoritmos con 180 puntos de observación distribuidos en un rango de 0 a 180 grados.

## Algebraic Reconstruction Technique (ART)



Proceso de reconstrucción del método ART. Atkinson, Callum & Soria, Julio. (2007).

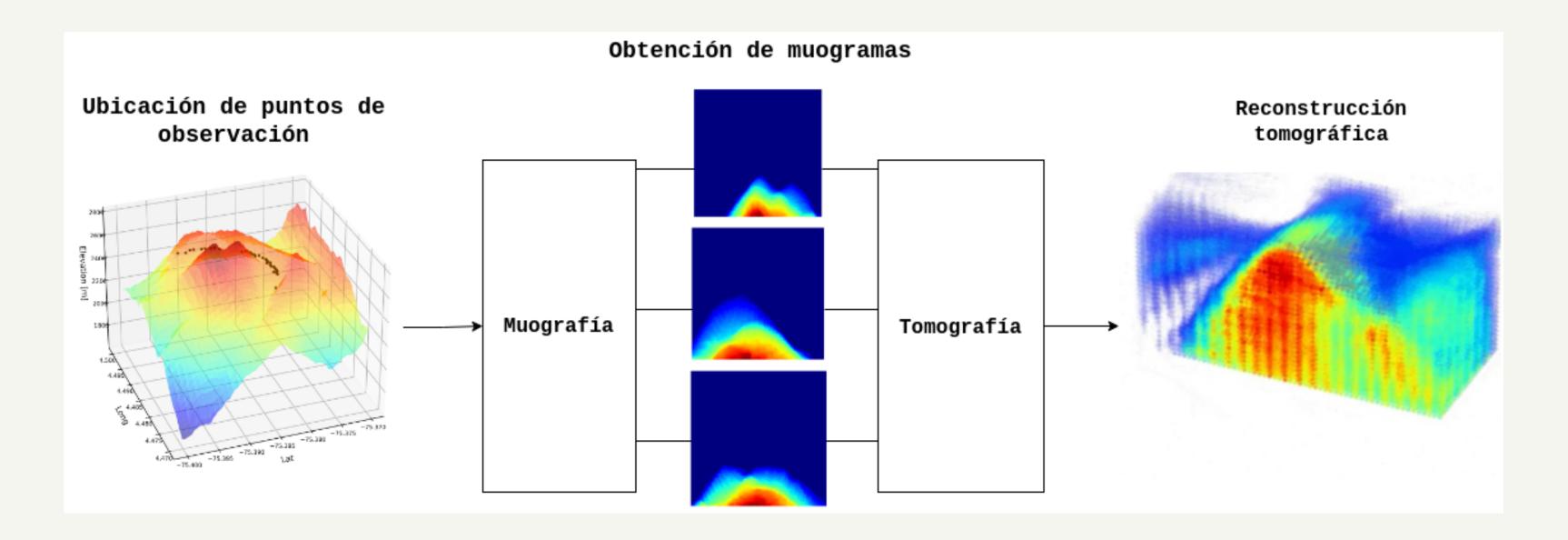
$$x^{k+1} = x^k + \lambda_k rac{b_i - \langle a_i, x^k 
angle}{\|a_i\|^2} a_i^T$$

 $oldsymbol{\mathcal{X}}$  es el volumen a reconstruir vectorizado.

 $b_i$  son los pixeles del detector.

 $a_i$  es la distancia entre voxeles que intersectan el eje transversal del detector.

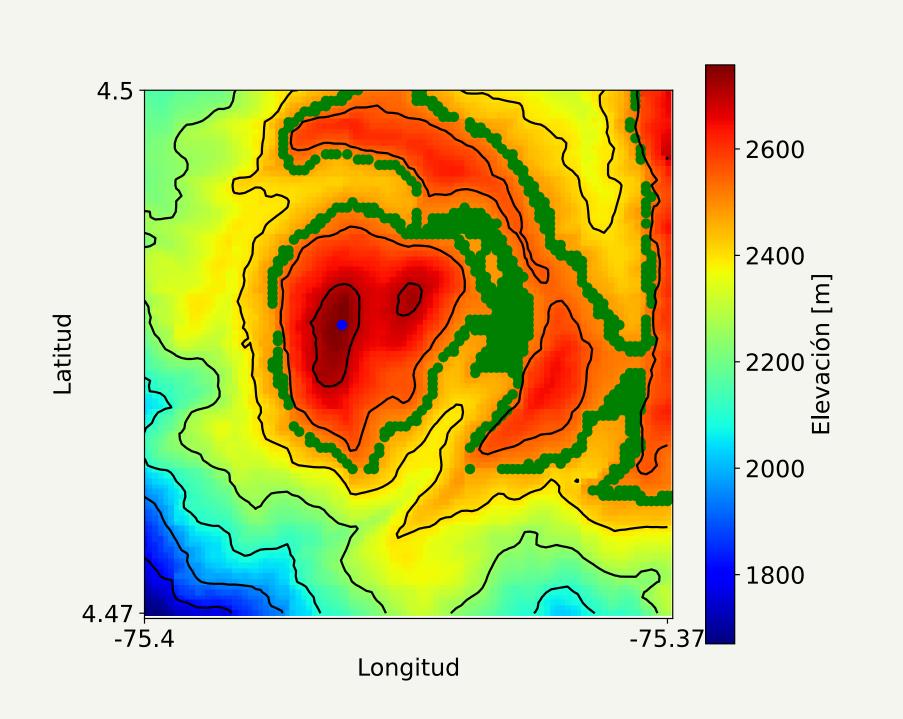
#### MUYSC

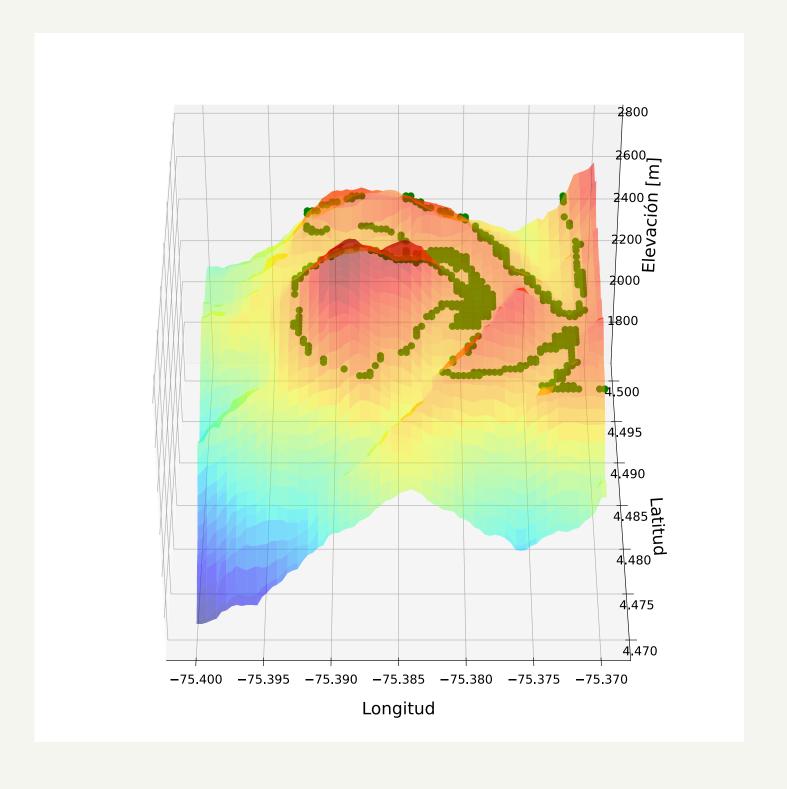


Modelo de proceso de reconstrucción tomográfica de muones.



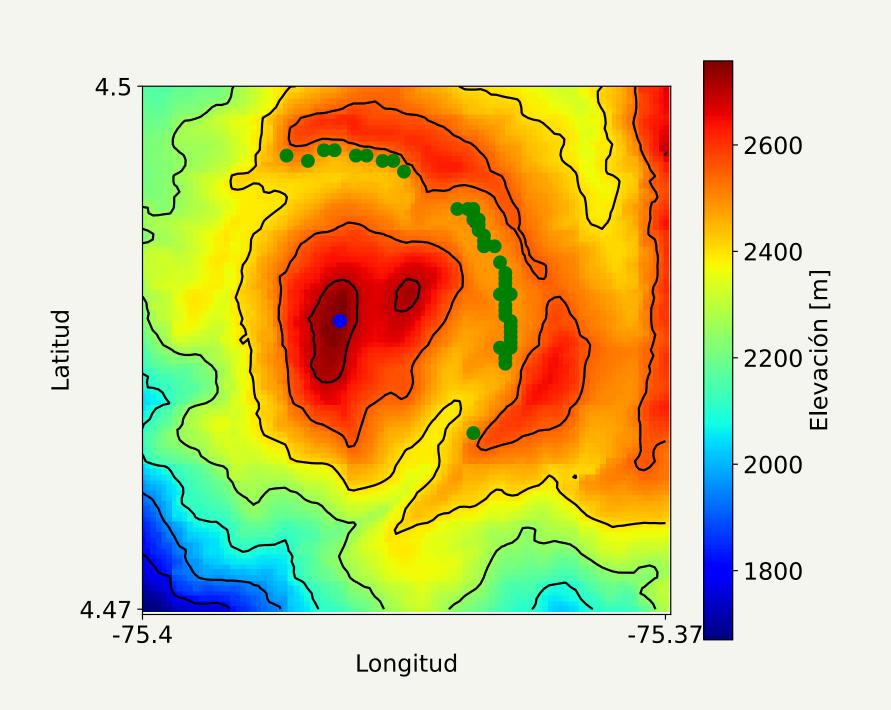
## Filtrado de puntos de observación: Altura

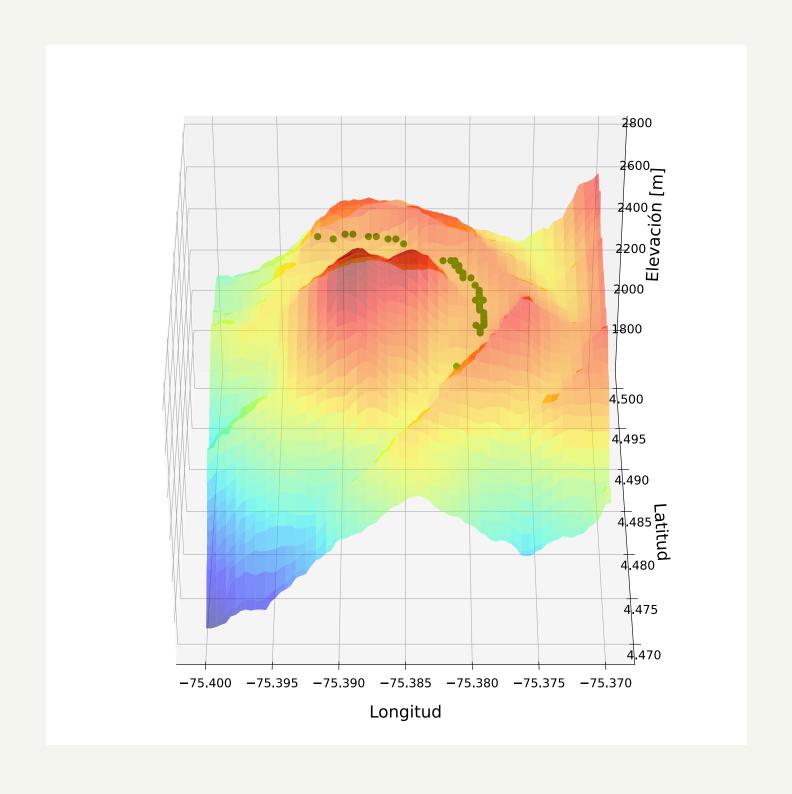




Puntos de observación ubicados en estructura (Misma altura +- 10 m).

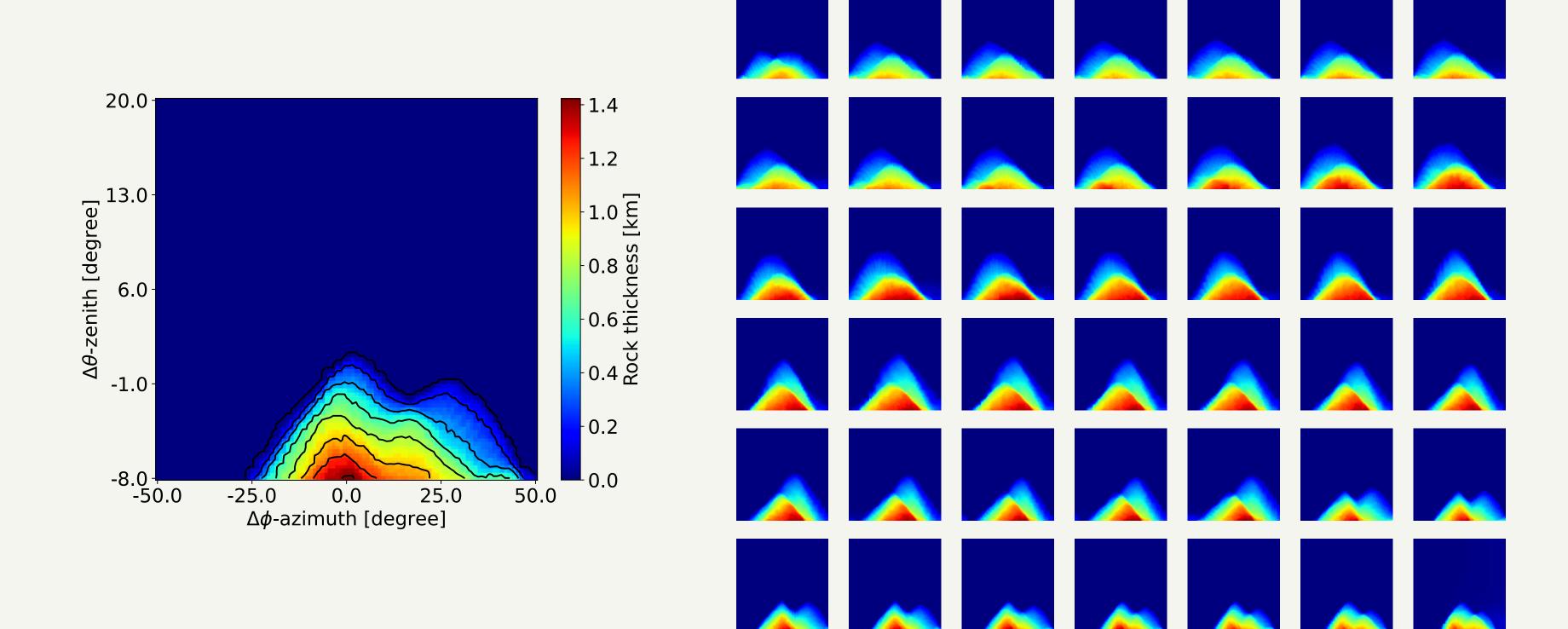
## Filtrado de puntos de observación: Equidistancia





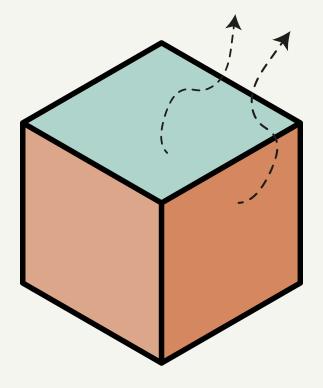
Puntos de observación ubicados en estructura (Equidistantes +- 40 m).

## Muogramas



#### Reconstrucción

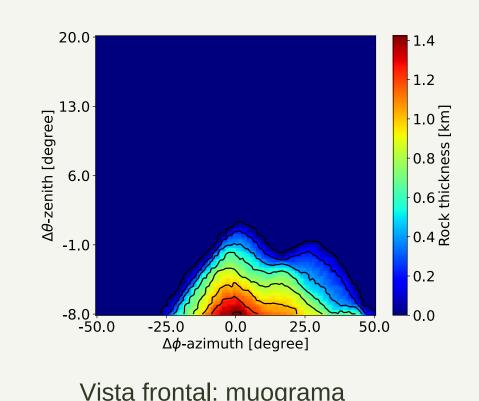
Vistas reconstruidas: Suma de cortes perpendiculares al respectivo eje.



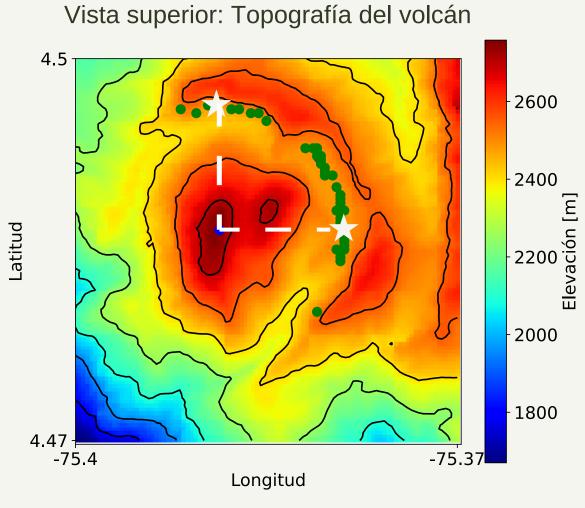
Volumen Reconstruido

No se cuenta con un volumen original para comparar pero sí con vistas.

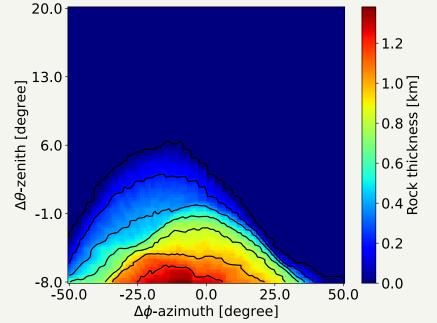
#### Vistas originales



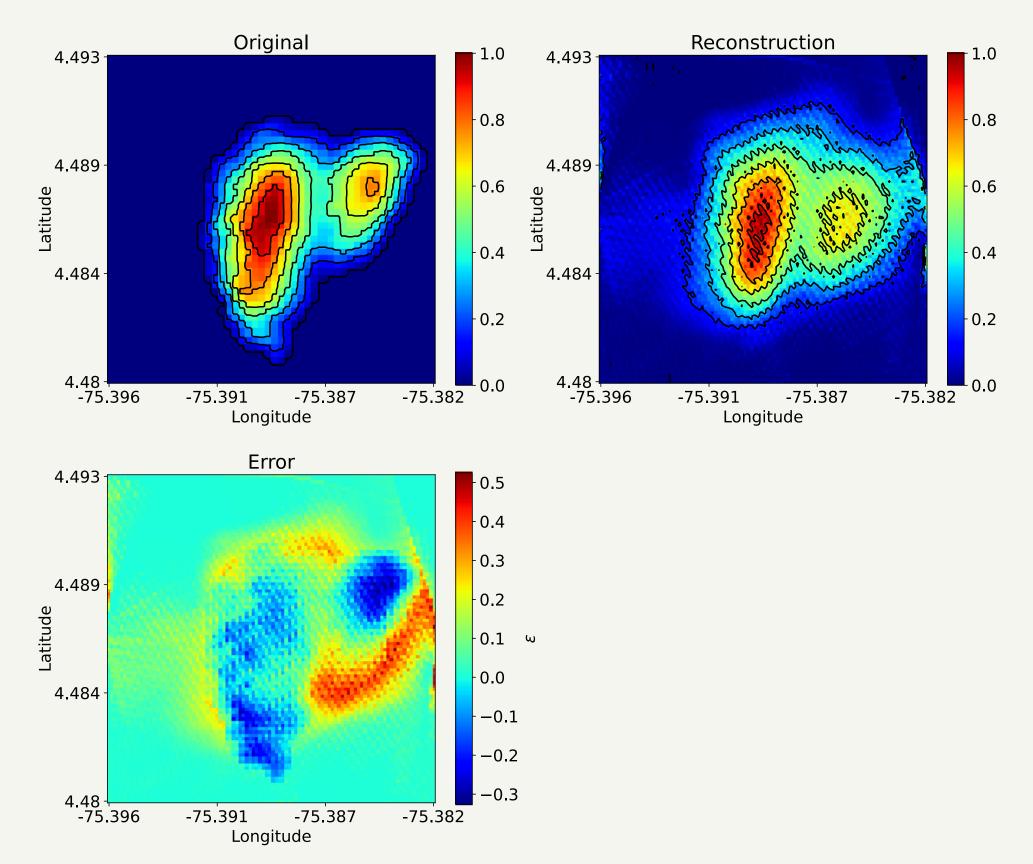
Vista frontal: muograma ubicado en ~ 0°



Vista lateral: muograma ubicado en ~ 90°



### Error vista superior

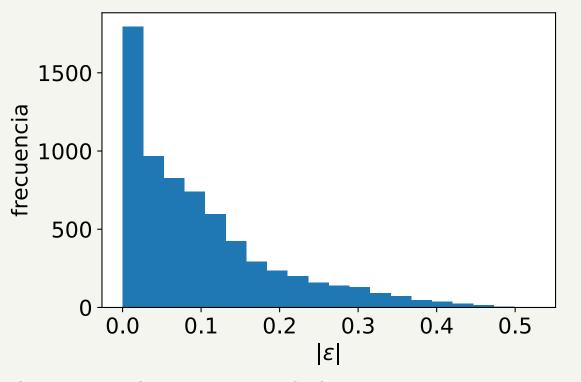


Mapa de error obtenido por la diferencia entre mapa de alturas y vista superior de reconstrucción.

$$arepsilon_{i,j} = R_{i,j} - T_{i,j}$$

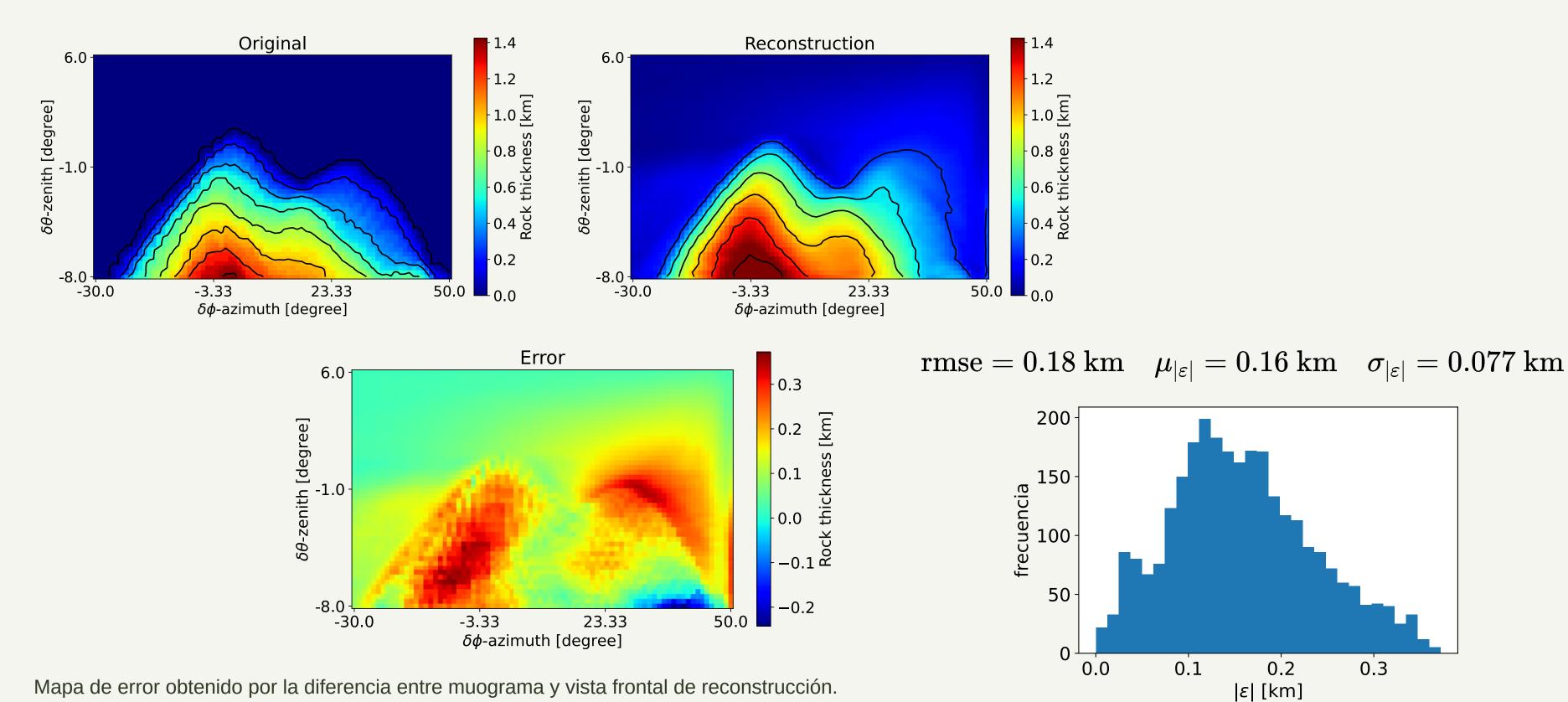
$$\mathrm{rmse} = \sqrt{rac{1}{m imes n} \sum_{i,j}^{m,n} (R_{i,j} - T_{i,j})^2}$$

$$\mathrm{rmse} = 0.14 \quad \mu_{|arepsilon|} = 0.099 \quad \sigma_{|arepsilon|} = 0.096$$



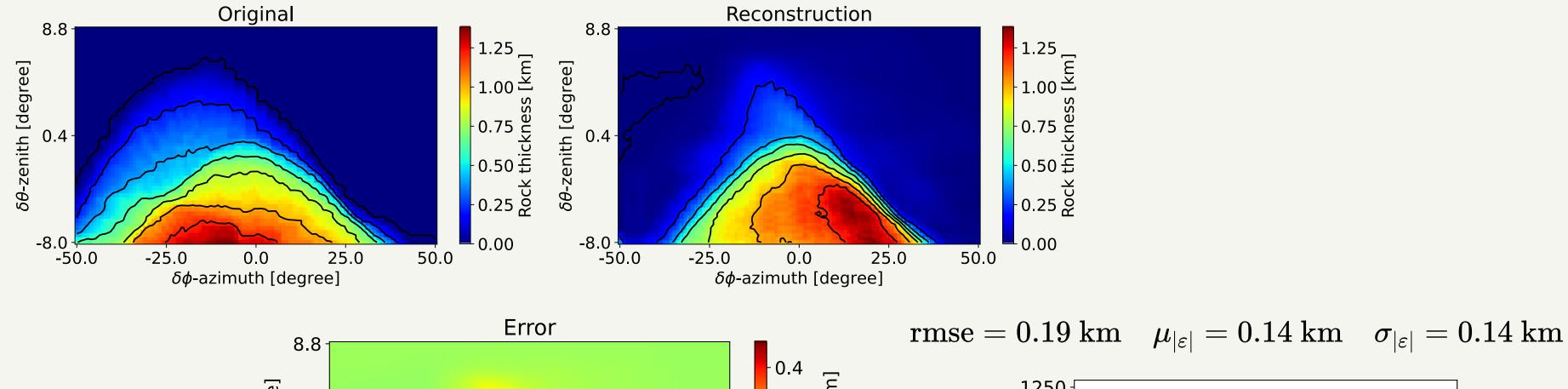
Histograma de error acumulado.

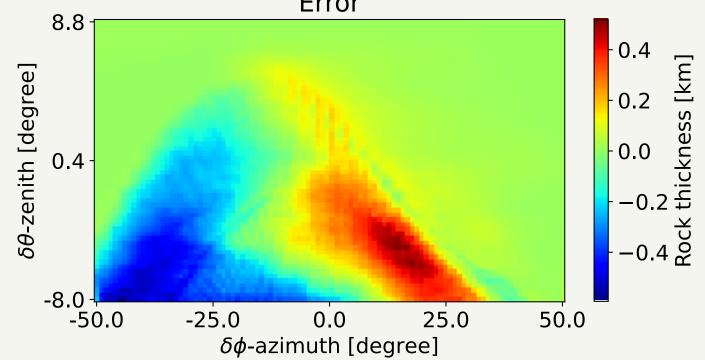
#### Error vista frontal



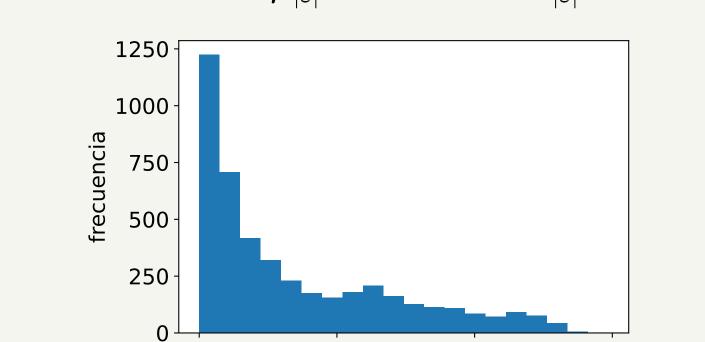
Histograma de error acumulado.

#### Error vista lateral





Mapa de error obtenido por la diferencia entre muograma y vista lateral de reconstrucción.



0.2

 $|\varepsilon|$  [km]

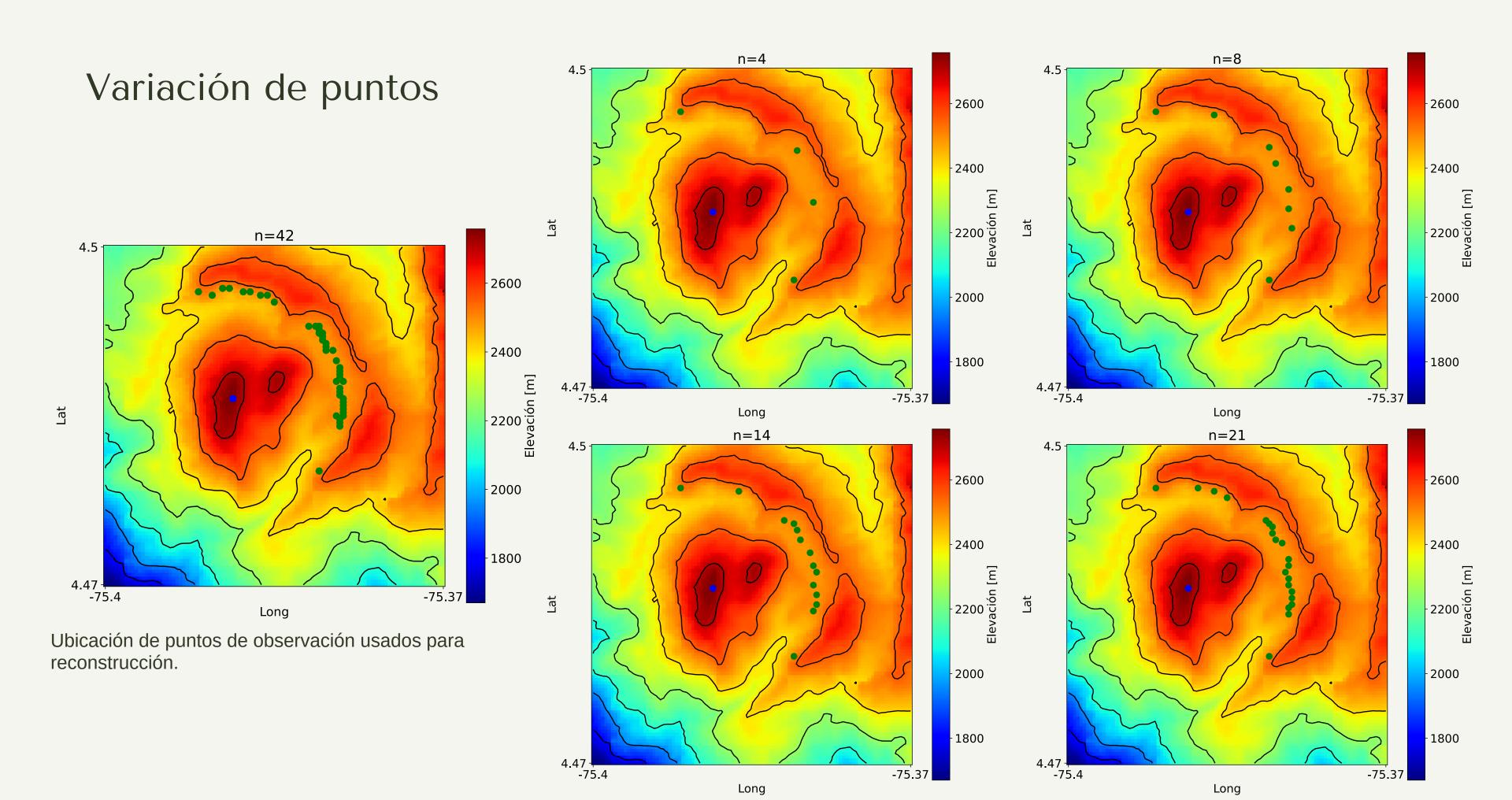
0.4

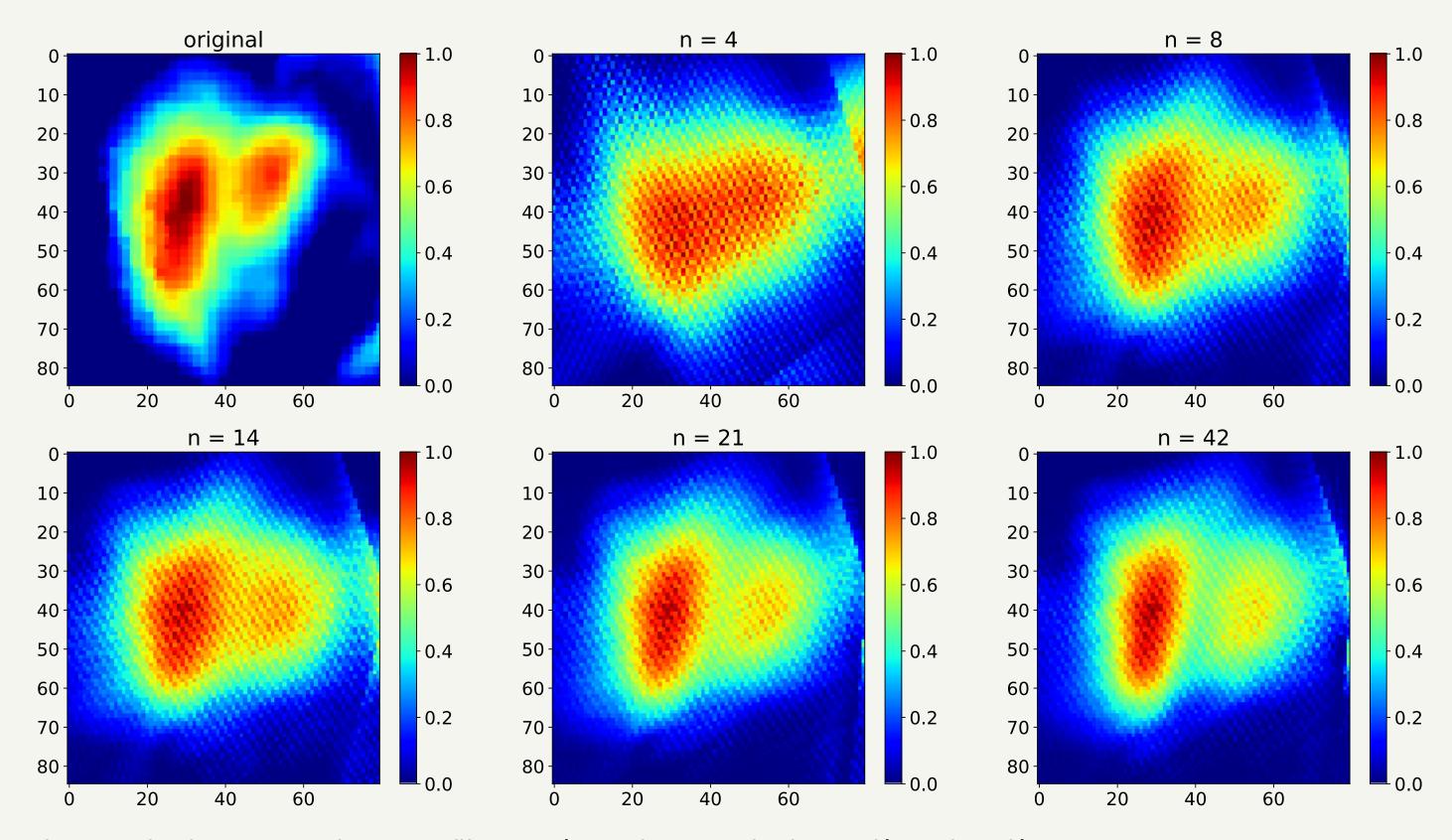
0.6

Histograma de error acumulado.

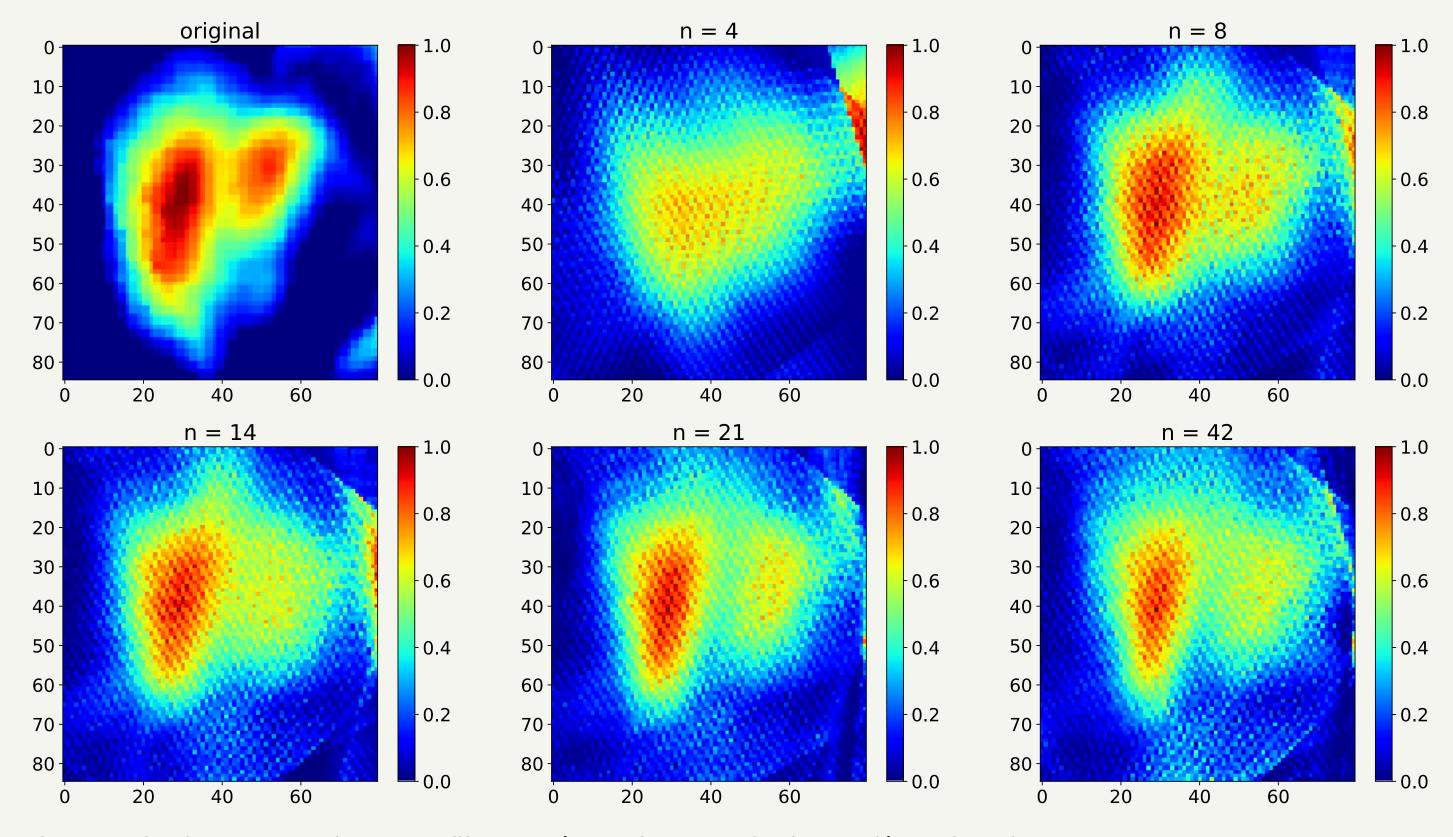
0.0

Variación de número de puntos e iteraciones

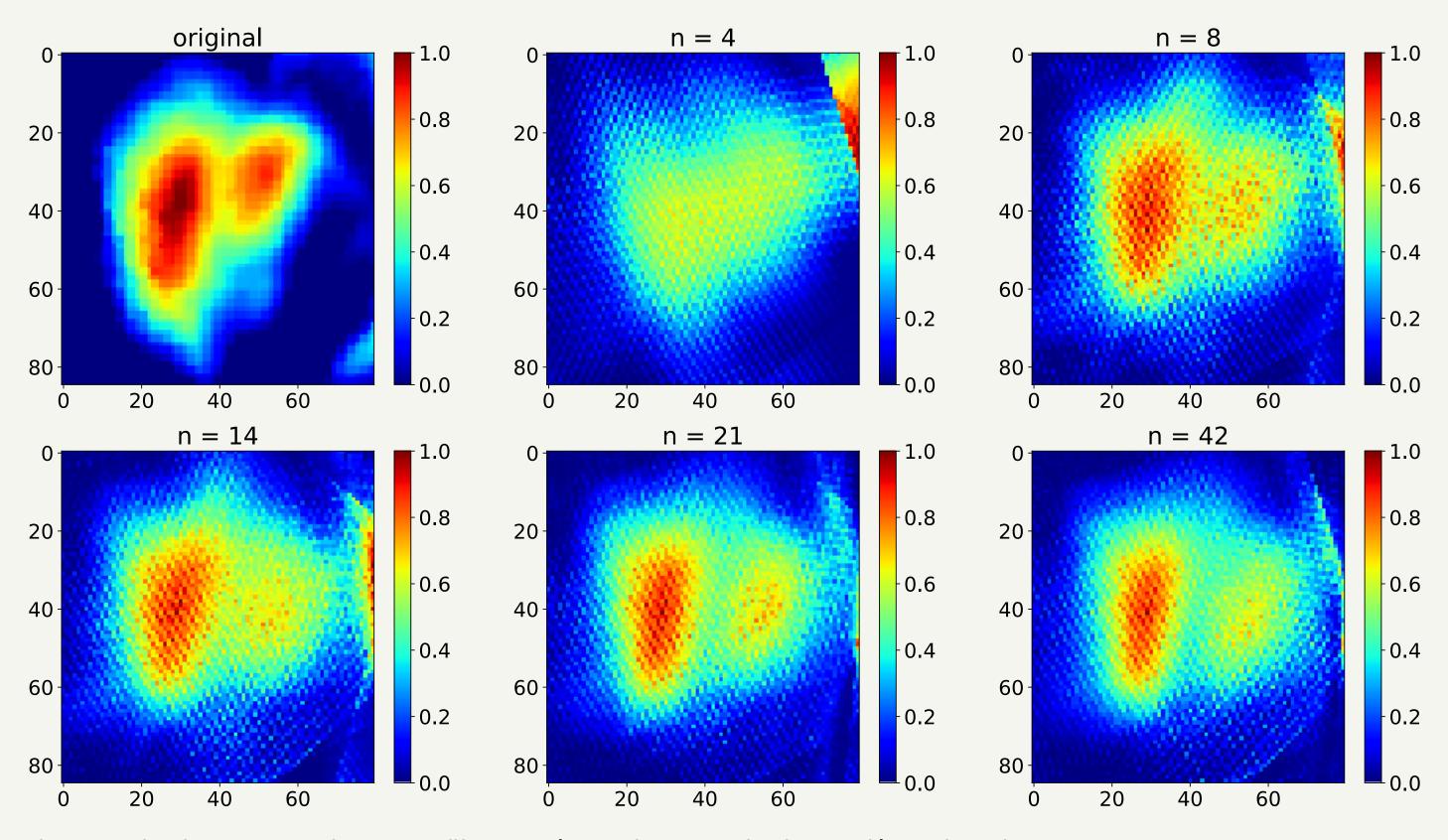




Vista superior de reconstrucciones con diferente número de puntos de observación y 1 iteración.

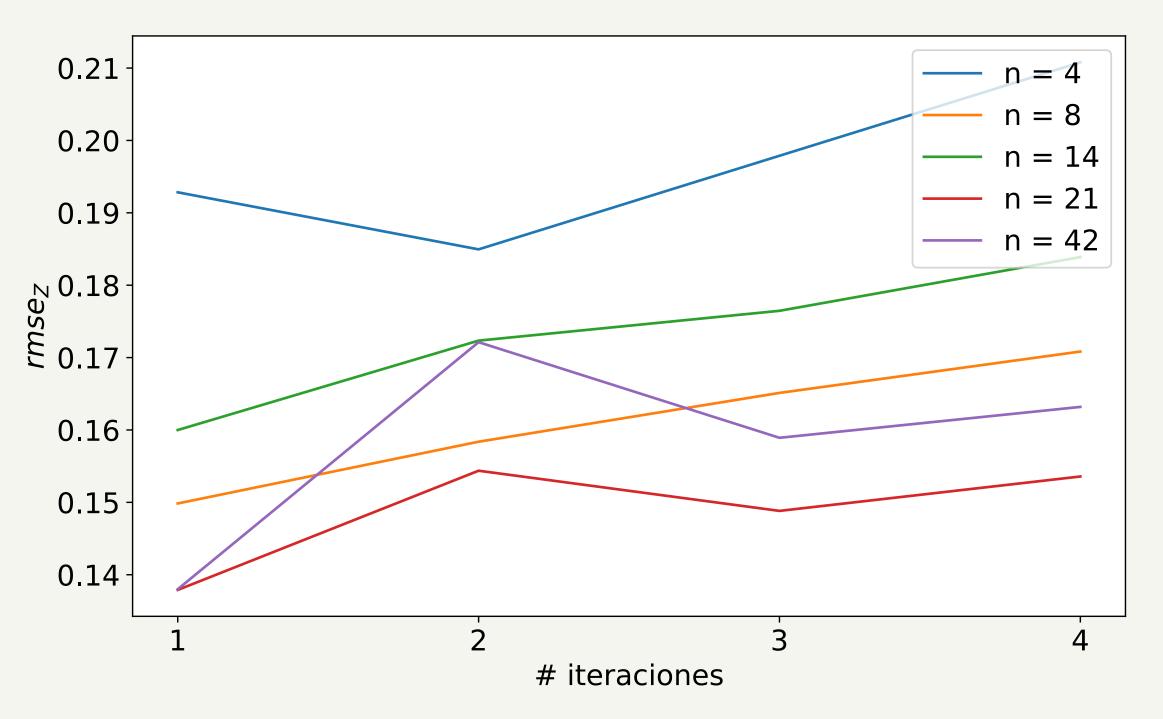


Vista superior de reconstrucciones con diferente número de puntos de observación y 2 iteraciones.

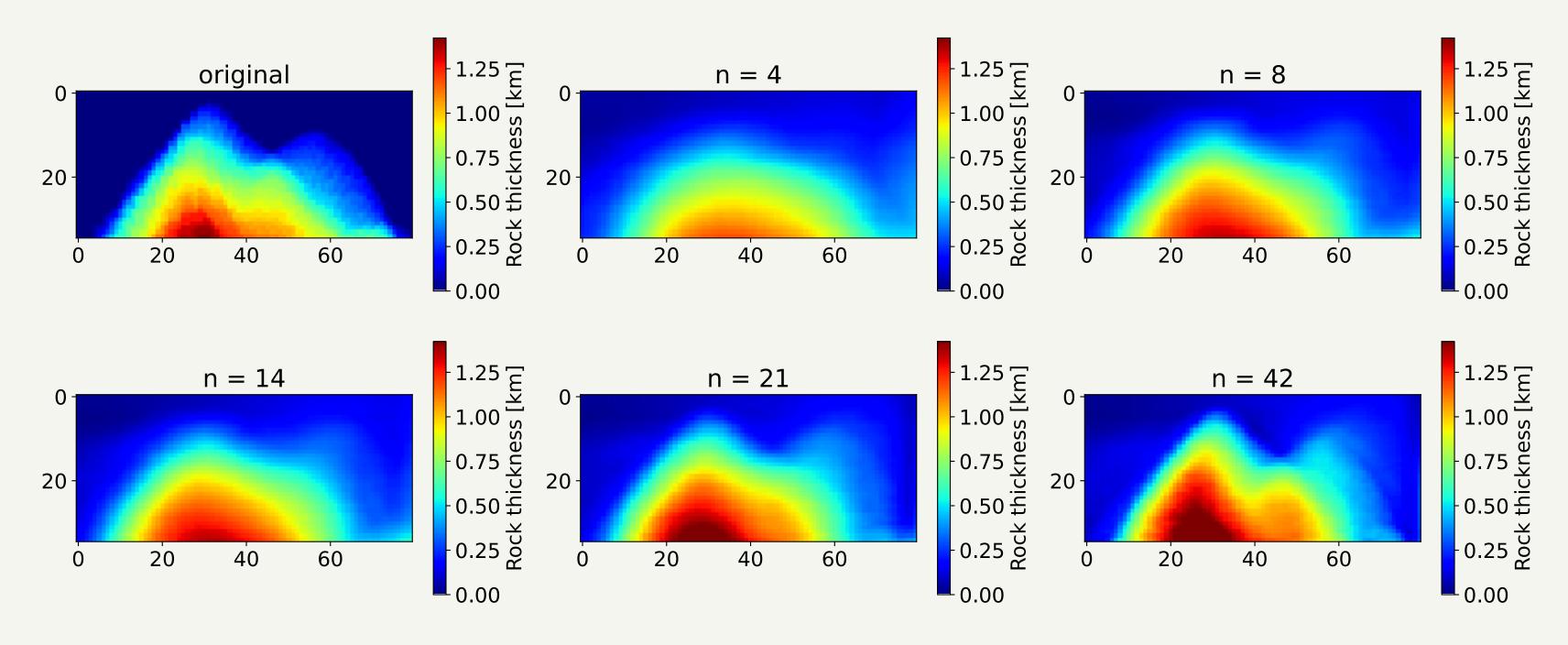


Vista superior de reconstrucciones con diferente número de puntos de observación y 3 iteraciones.

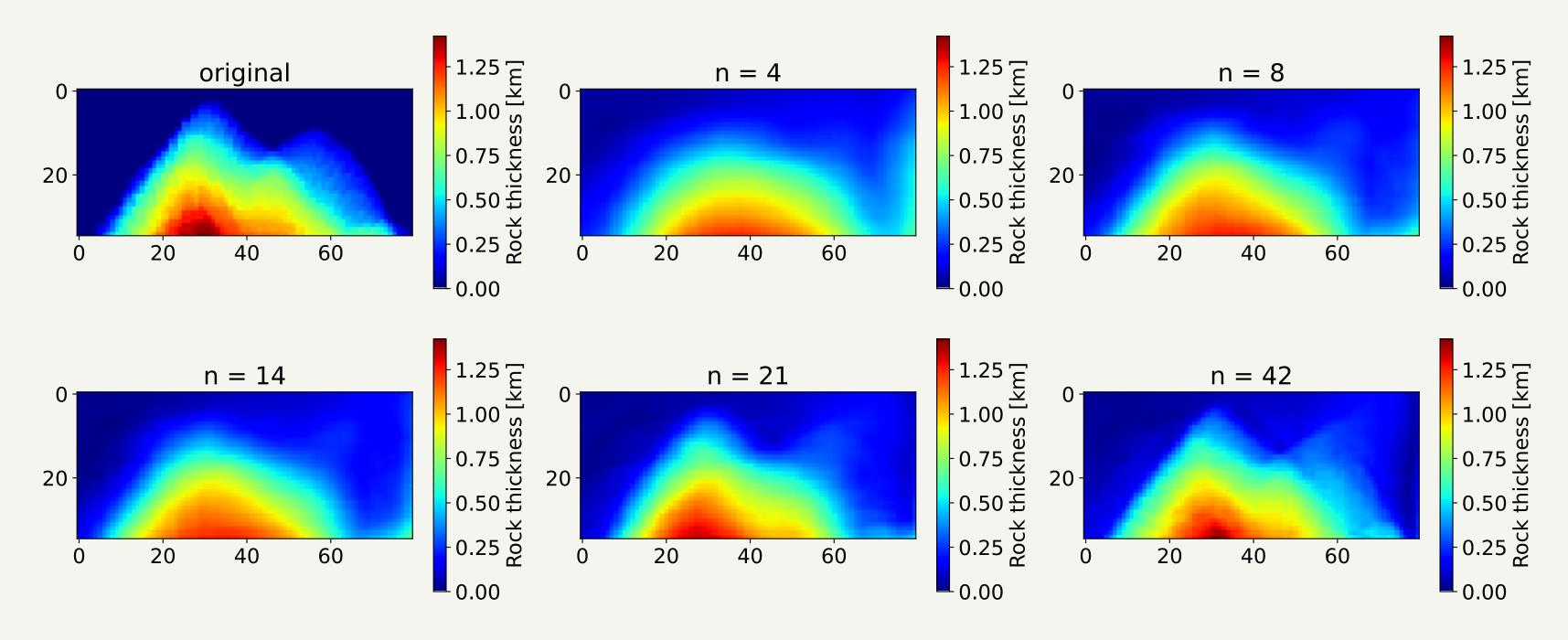
## Errores vista superior



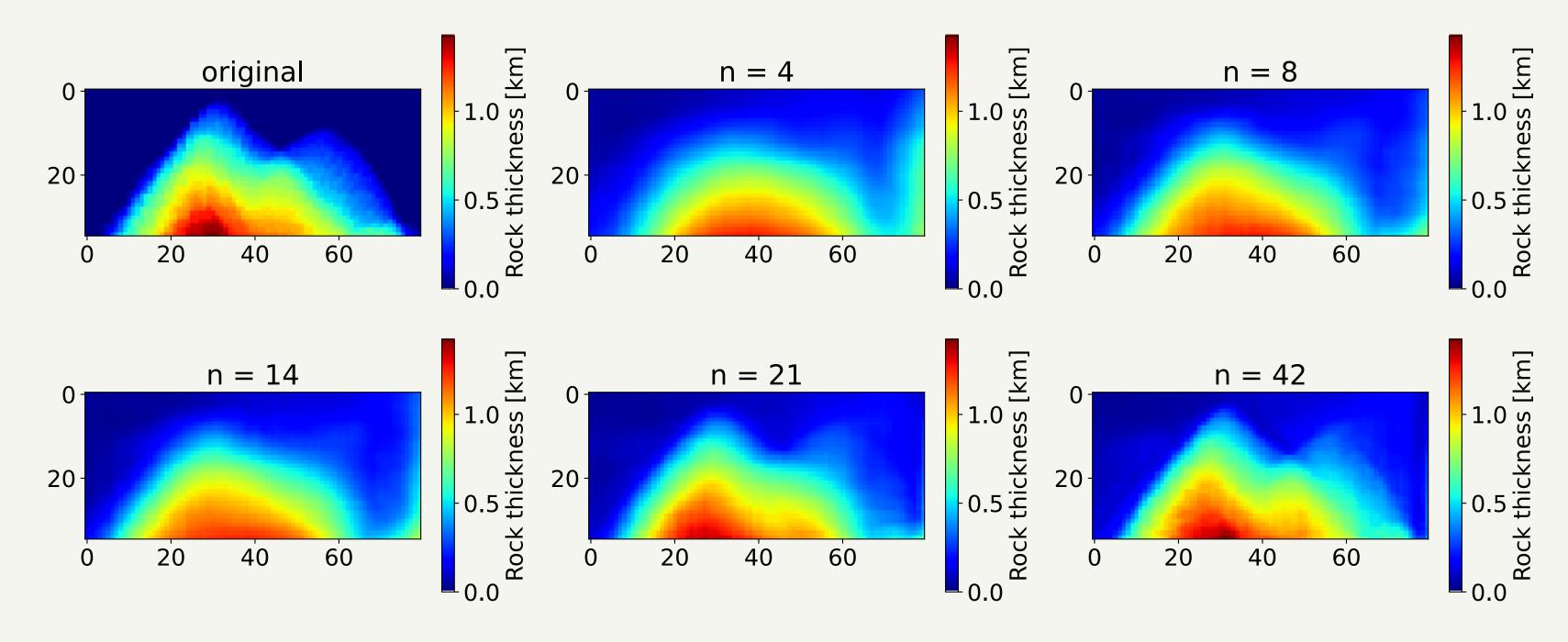
Errores de reconstrucción (vista superior) en cada iteración variando el número de puntos de observación.



Vista frontal de reconstrucciones con diferente número de puntos de observación y 1 iteración.

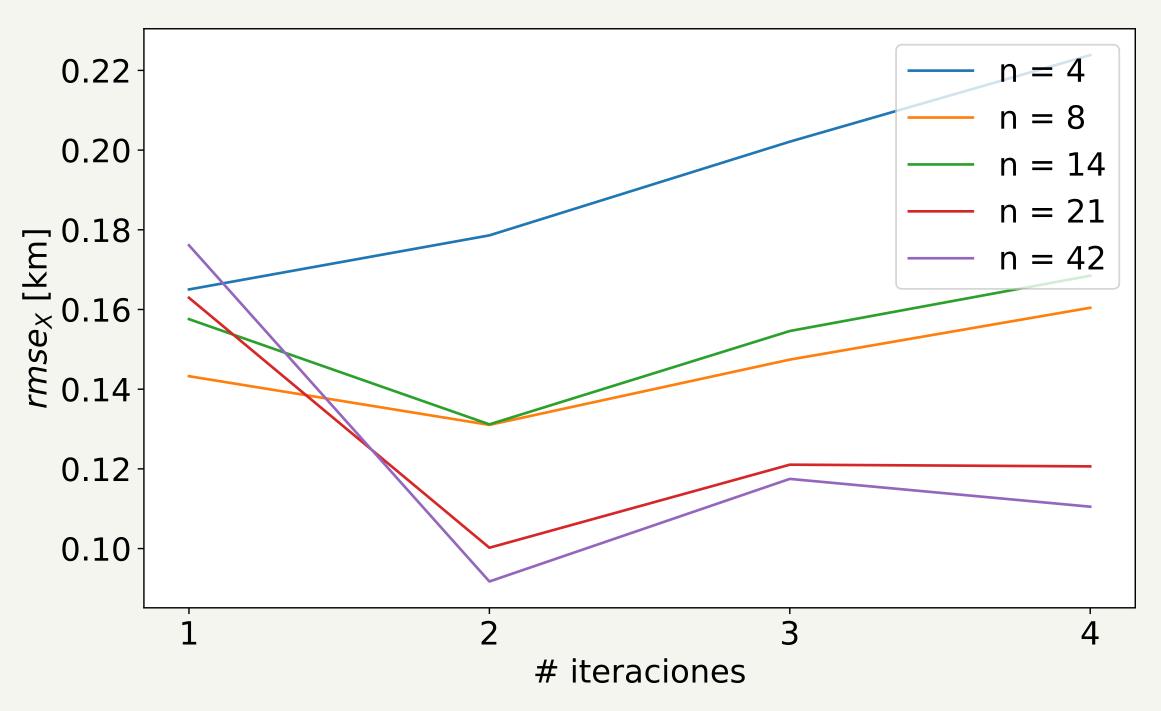


Vista frontal de reconstrucciones con diferente número de puntos de observación y 2 iteraciones.

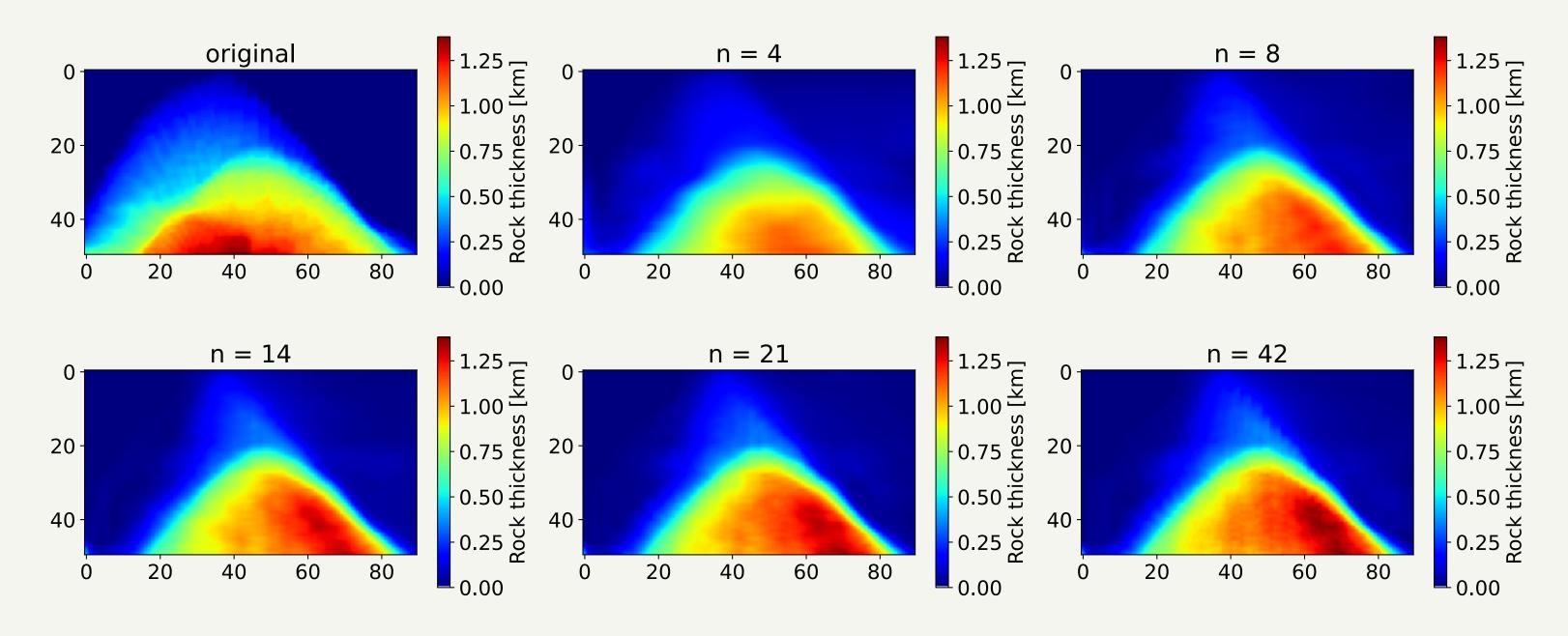


Vista frontal de reconstrucciones con diferente número de puntos de observación y 3 iteraciones.

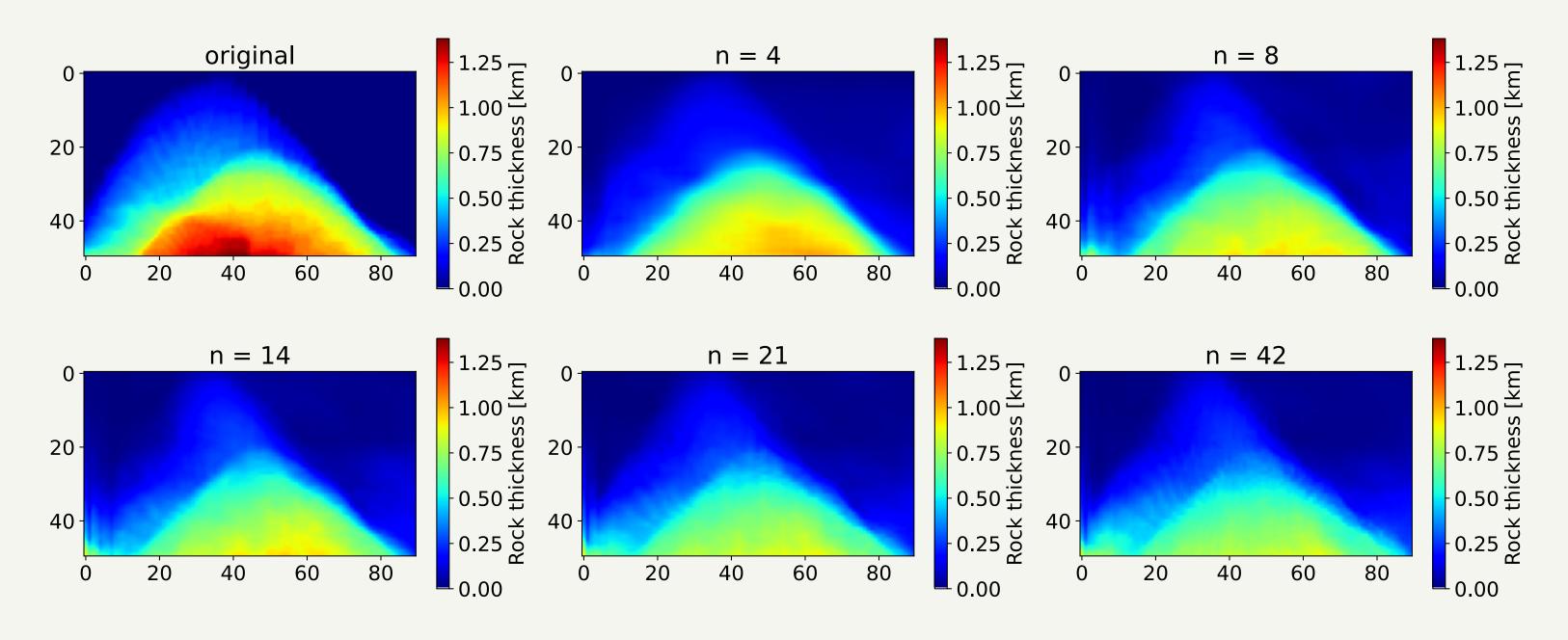
#### Errores vista frontal



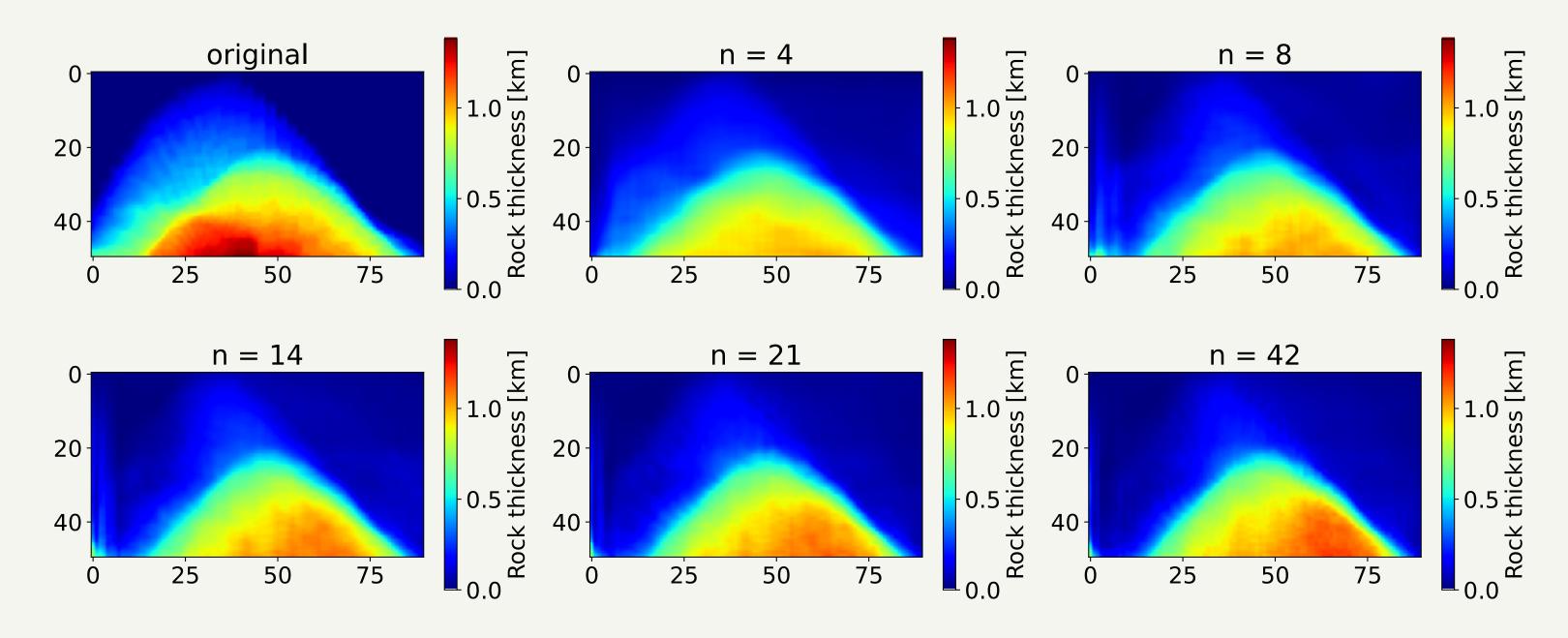
Errores de reconstrucción (vista frontal) en cada iteración variando el número de puntos de observación.



Vista lateral de reconstrucciones con diferente número de puntos de observación y 1 iteración.

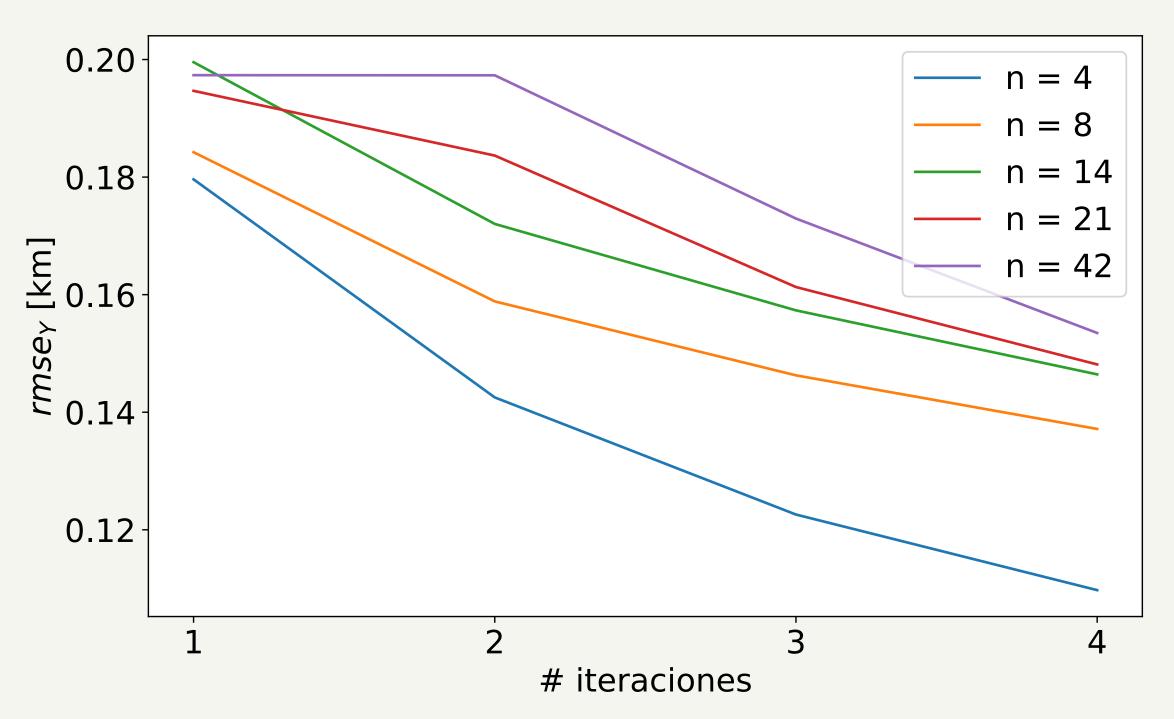


Vista lateral de reconstrucciones con diferente número de puntos de observación y 2 iteraciones.



Vista lateral de reconstrucciones con diferente número de puntos de observación y 3 iteraciones.

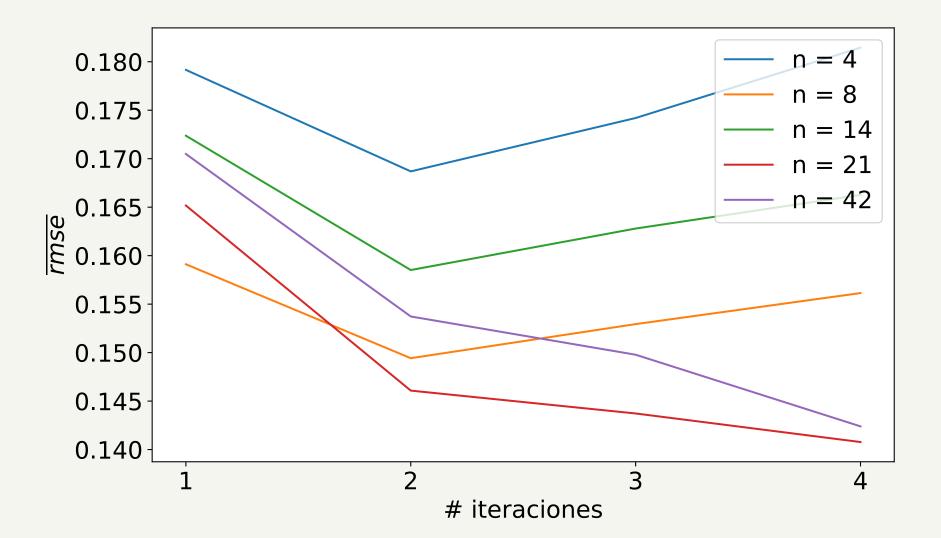
#### Errores vista lateral



Errores de reconstrucción (vista lateral) en cada iteración variando el número de puntos de observación.

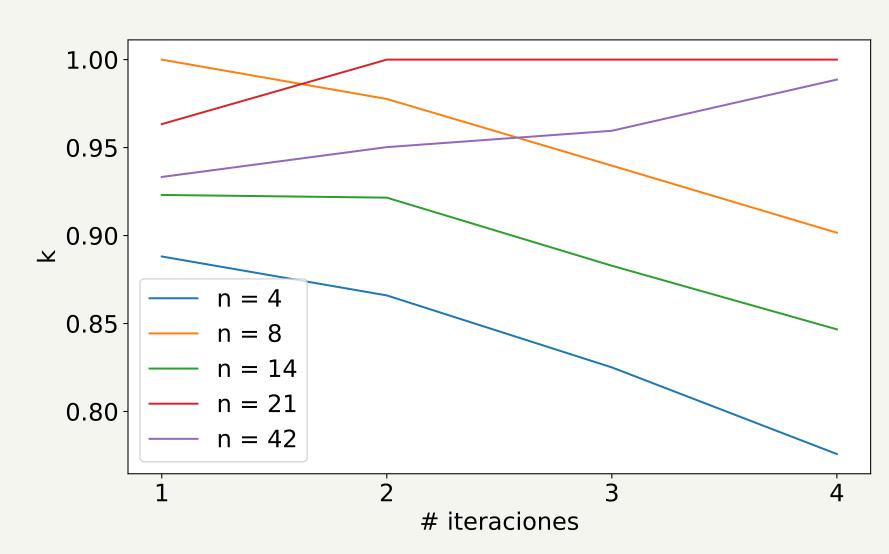
#### Errores de las tres vistas juntas

$$\overline{\mathrm{rmse}} = \frac{\mathrm{rmse}_Z + \mathrm{rmse}_X + \mathrm{rmse}_Y}{3}$$



Promedio del error de vista superior, frontal y lateral en cada iteración para diferente número de puntos de observación.

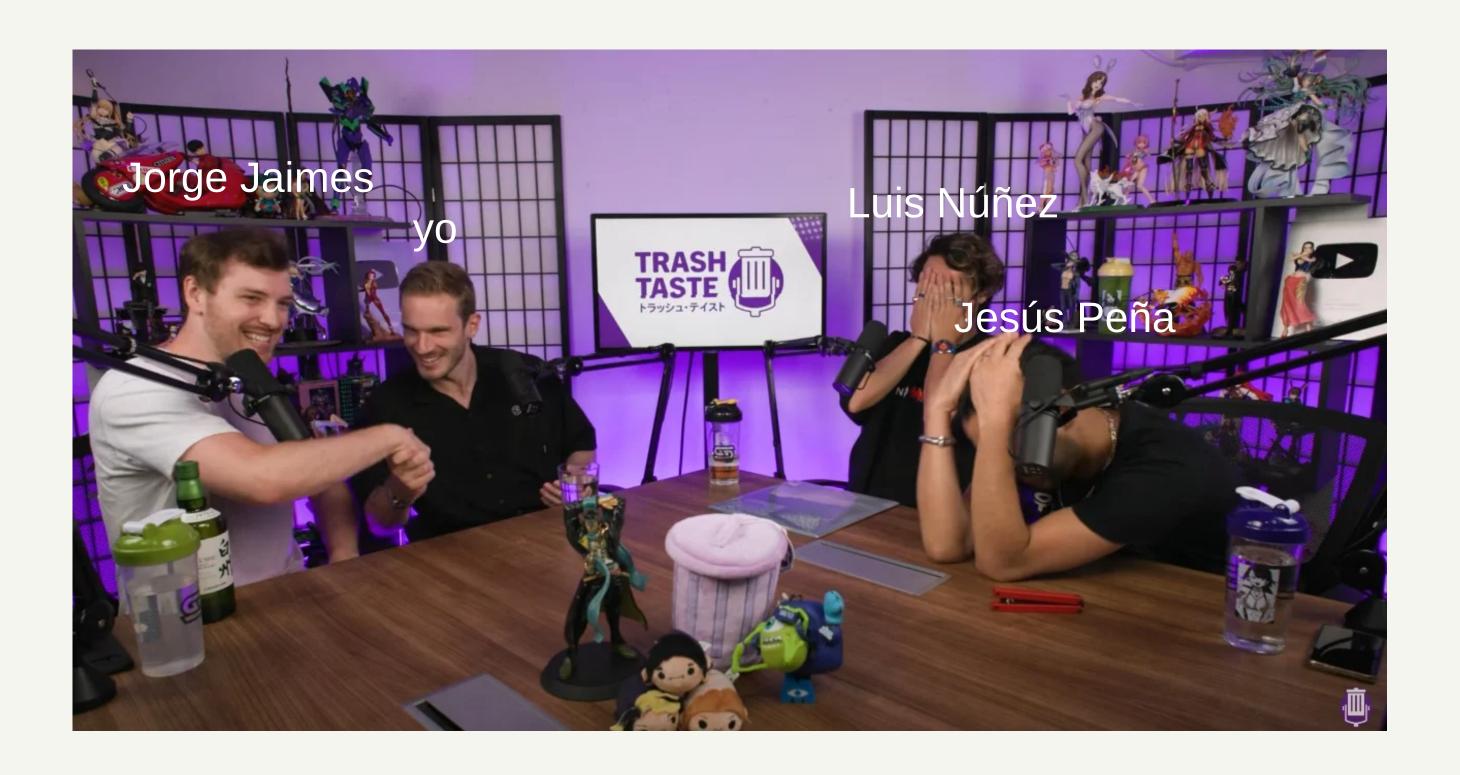
$$k = rac{\min\{\overline{ ext{rmse}}\}}{\overline{ ext{rmse}}}$$



Coeficiente de error en cada iteración para diferente número de puntos de observación.

## Conclusiones

- Se logró obtener una reconstrucción de los dos domos del volcán Cerro Machín.
- El mayor número de puntos de observación (42) presenta un error mayor que 21 puntos, lo cual puede deberse a una agrupación de puntos que resulta en un exceso de magnitud.
- Se obtuvo un error menor con 8 puntos mejor distribuidos que con 14.
- El aumento en iteraciones favorece a las reconstrucciones con menor número de puntos, mientras que aumenta el error en las de mayor número de puntos.

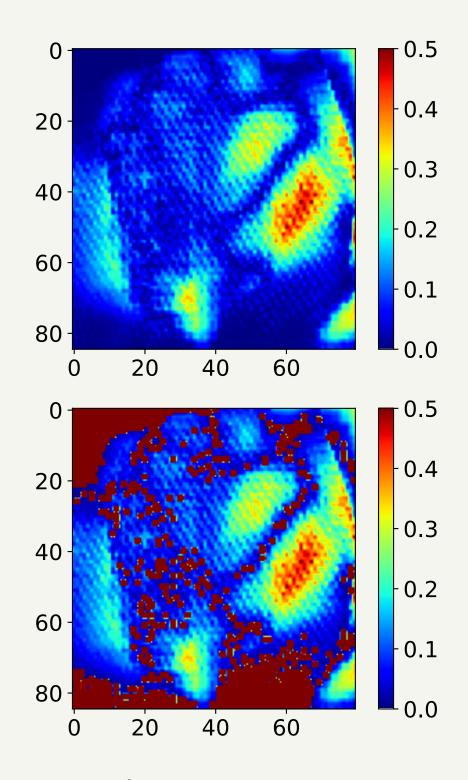




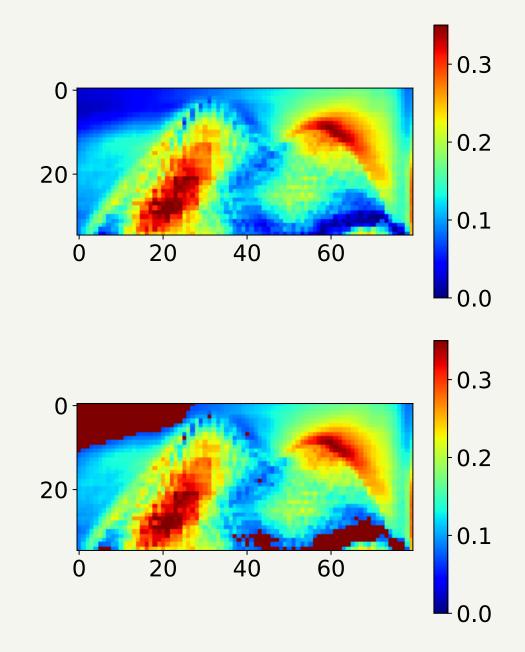


## Anexos

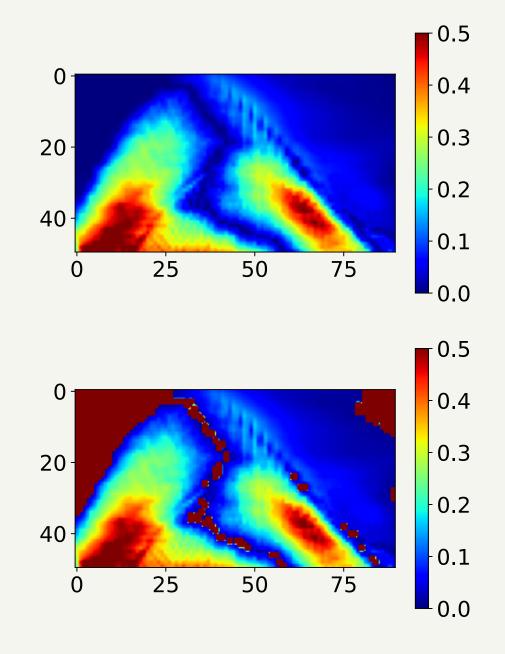
#### Eliminación zonas vacías



Eliminación valores menores a 0.01



Eliminación valores menores a 0.07



Eliminación valores menores a 0.01